

### 1. Identidades básicas de las funciones trigonométricas

- a)  $\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$ ,  $\cot x = \frac{1}{\tan x}$ ,  $\sec x = \frac{1}{\cos x}$ ,  $\csc x = \frac{1}{\sin x}$   
 b)  $(\sin x)^2 + (\cos x)^2 = \sin^2 x + \cos^2 x = 1$   
 c)  $1 + \tan^2 x = \sec^2 x$ ,  $1 + \operatorname{ctg}^2 x = \csc^2 x$

### 2. Signos de las funciones trigonométricas.

*Cuadrante I:* Todas la FT son positivas. *Cuadrante II:* *sin* y *csc* positivas, el resto negativas. *Cuadrante III:* *tan* y *ctg* positivas, el resto negativas. *Cuadrante IV:* *cos* y *sec* positivas, el resto negativas.

### 3. Fórmulas de Reducción.

Usaremos FT para designar cualquiera de las 6 funciones trigonométricas y coFT su respectiva cofunción (la cofunción del *sin* es *cos*, de la *tan* es *ctg* y de la *sec* es la *csc*).  $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ .

- a)  $\operatorname{FT}(\frac{\pi}{2} \pm \alpha) = \pm \operatorname{coFT}(\alpha)$       b)  $\operatorname{FT}(\frac{3\pi}{2} \pm \alpha) = \pm \operatorname{coFT}(\alpha)$   
 c)  $\operatorname{FT}(\pi \pm \alpha) = \pm \operatorname{FT}(\alpha)$       d)  $\operatorname{FT}(2\pi \pm \alpha) = \pm \operatorname{FT}(\alpha)$

*Observación:* El signo depende del cuadrante donde este situado  $\frac{\pi}{2} \pm \alpha$ ,  $\frac{3\pi}{2} \pm \alpha$ ,  $\pi \pm \alpha$

### 4. Fórmulas para funciones trigonométricas para $\alpha \pm \beta$

- a)  $\sin(\alpha \pm \beta) = \sin \alpha \cos \beta \pm \cos \alpha \sin \beta$       b)  $\cos(\alpha \pm \beta) = \cos \alpha \cos \beta \mp \sin \alpha \sin \beta$   
 c)  $\tan(\alpha \pm \beta) = \frac{\tan \alpha \pm \tan \beta}{1 \mp \tan \alpha \tan \beta}$       d)  $\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha$   
 e)  $\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$       f)  $\tan 2\alpha = \frac{2 \tan \alpha}{1 - \tan^2 \alpha}$

### 5. Fórmulas para $\alpha/2$ .

- a)  $\sin^2 \frac{\alpha}{2} = \frac{1 - \cos \alpha}{2}$       b)  $\cos^2 \frac{\alpha}{2} = \frac{1 + \cos \alpha}{2}$       c)  $\tan \frac{\alpha}{2} = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha} = \frac{\sin \alpha}{1 + \cos \alpha}$

### 6. Productos de sin y cos

- a)  $\sin \alpha \cdot \cos \beta = \frac{1}{2} \sin(\alpha - \beta) + \frac{1}{2} \sin(\alpha + \beta)$   
 b)  $\cos \alpha \cdot \cos \beta = \frac{1}{2} \cos(\alpha - \beta) + \frac{1}{2} \cos(\alpha + \beta)$   
 c)  $\sin \alpha \cdot \sin \beta = \frac{1}{2} \cos(\alpha - \beta) - \frac{1}{2} \cos(\alpha + \beta)$

### 7. Suma y Diferencia de sin y cos

- a)  $\sin \alpha + \sin \beta = 2 \sin \frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$       b)  $\sin \alpha - \sin \beta = 2 \cos \frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \sin \frac{\alpha - \beta}{2}$   
 c)  $\cos \alpha + \cos \beta = 2 \cos \frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$       d)  $\cos \alpha - \cos \beta = -2 \sin \frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \sin \frac{\alpha - \beta}{2}$

### 8. Teoremas de seno y del coseno.

En un triángulo cualquiera de ángulos interiores  $\alpha$ ,  $\beta$  y  $\gamma$  y lados opuestos  $a$ ,  $b$  y  $c$ , respectivamente, se tiene que:

a) **Teorema del seno:**  $\frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin \beta}{b} = \frac{\sin \gamma}{c}$

b) **Teorema de los cosenos:**

i)  $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos \gamma$     ii)  $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos \beta$     iii)  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \alpha$