

1. **Ejemplo introductorio:** Determinar la función  $y = y(x)$

- cuya derivada es  $\frac{dy}{dx} = 3x^2$
- tal que su gráfica pase por el punto  $(1, 3)$ .

2. **Definición de EDO.**

Una ecuación que contiene una función y al menos una de sus derivadas, o sólo derivadas, se llama *Ecuación Diferencial*.

3. **Ejemplos:** Resolver las siguientes ecuación diferenciales

a)  $y' = x(3 - x)$ .      b)  $y' = x^2y$       c)  $(x^2 + 4)\frac{dy}{dx} = xy$ .

4. **Problema con valores iniciales.**

Hallar la solución particular de  $y' = 2y$  tal que  $y(\ln 3) = 5$ .

5. **Algunas aplicaciones clásicas**

a) **Movimiento rectilíneo**

Se echa a rodar una pelota sobre un césped horizontal con velocidad inicial de 25 pies/seg. Debido al roce, su velocidad decrece a razón de 6 pies/seg<sup>2</sup>. Determinar la distancia que recorrerá la pelota hasta detenerse.

b) *Modelo de crecimiento exponencial*

Sea  $P = P(t)$  el número de individuos de una determinada población en el tiempo  $t$ . Si esta población crece a una tasa que es proporcional al tamaño de dicha población, entonces la ED que modela esta situación es:

$$\frac{dP}{dt} = kP$$

*Ejemplo:* Supóngase que una población experimental de moscas de la fruta aumenta de acuerdo con la ley de crecimiento exponencial. Si hay 100 moscas tras el segundo día de experimento y 300 después del cuarto día, ¿cuántas habían en la población original?

c) *Modelo de crecimiento logístico*

Sea  $P = P(t)$  el número de individuos de una determinada población en el tiempo  $t$ . Si esta población crece a una tasa que es proporcional al producto del tamaño de dicha población con la diferencia entre el tamaño máximo  $M$  de individuos posible de la población y el tamaño de dicha población, entonces la ED que modela esta situación es:

$$\frac{dP}{dt} = kP(M - P)$$

- d) **Ley de enfriamiento de Newton.** Este modelo permite conocer como evoluciona la temperatura de un objeto.

**Principio:** “La razón de cambio de la temperatura  $T = T(t)$  de un cuerpo con respecto al tiempo  $t$  es proporcional a la diferencia entre la temperatura  $T$  del cuerpo y la temperatura  $A$  del medio ambiente”

Luego, si  $T = T(t)$  representa la temperatura de un cuerpo en el instante  $t$ , entonces la ED que modela esta situación es:

$$\frac{dT}{dt} = k(T - A)$$

**Ejemplo:** Supóngase que una habitación se mantiene a una temperatura constante de  $70^\circ$  y que un objeto se enfría de  $350^\circ$  a  $150^\circ$  en 45 minutos. ¿Qué tiempo se necesita para enfriar dicho objeto a una temperatura de  $80^\circ$ ?

**Respuesta:** 1 hora 59 minutos 42 segundos.